

**TRABAJO DESARROLLADO PARA EVALUACION
DONALDO FERNÁNDEZ CASTELLANOS
GRADO OCTAVO**

Conjunto de ejercicios 1.3

Evalúe la expresión con valor absoluto.

1) $|3| = 3$ 2) $|-4| = 4$ 3) $|-6| = 6$ 4) $|0.5| = 0.5$ 5) $|\frac{-1}{2}| = \frac{1}{2}$ 6) $|-732| = 732$
 7) $|0| = 0$ 8) $|-7| = 7$ 9) $|-7| = 7$ 10) $|-8| = 8$ 11) $|\frac{-5}{9}| = \frac{5}{9}$ 12) $|\frac{-5}{7}| = \frac{5}{7}$

Inserte $<$, $>$ o $=$ en el área sombreada para hacer verdadera la proposición.

13) $|6| = |-6|$ 14) $|-9| > |3|$ 15) $-4 < |-4|$ 16) $|-10| > -5$
 $6 = 6$ $9 > 3$ $-4 < 4$ $10 > -5$

17) $-4 = -|4|$ 18) $|-20| > -|24|$ 19) $|-16| > -|30|$ 20) $|-4| > -|8|$
 $-4 = -4$ $20 > -24$ $16 > -30$ $-4 > -8$

21) $-|31| < |5|$ 22) $6 < |-12|$ 23) $|19| < |-25|$ 24) $|-3| < |-9|$
 $-31 < 5$ $6 < 12$ $19 < 25$ $-3 < 9$

Liste los valores de menor a mayor

Valores	Eliminando valor absoluto	Ordenando tenemos
25) $6, 2, -1, 3 , -5 $	$6, 2, -1, 3, 5$	$-1, 2, 3 , -5 , 6$
26) $0, -4, -8, - 12 , -10 $	$0, -4, -8, -12, 10$	$- 12 , -8, -4, 0, -10 $
27) $-3, 0 , -5 , 7 , -12 $	$-3, 0, 5, 7, 12$	$-3, 0 , -5 , 7 , -12 $
28) $5, -7 , -9, 15 , -1 $	$5, -7, -9, 15, 1$	$-9, -7 , -1 , 5, 15 $
29) $12, 24, 36 , -9 , -45 $	$12, 24, 36, 9, 45$	$ -9 , 12, 24, 36 , -45 $
30) $-8, -12, - 9 , - 20 , - -18 $	$-8, -12, -9, -20, -18$	$- 20 , - -18 , -12, - 9 , -8$
31) $-2.1, -2, -2.4, -2.8 , -2.9 $	$-2.1, -2, -2.4, 2.8, 2.9$	$- 2.9 , -2.4, -2.1, -2, -2.8 $
32) $-7, -7.1, -7.8, - 7.3 , -7.4 $	$-7, -7.1, -7.8, -7.3, 7.4$	$-7.8, - 7.3 , -7.1, -7, -7.4 $
33) $\frac{1}{3}, -1\frac{1}{2} , -2, \frac{3}{5} , \frac{3}{4} $	$\frac{1}{3}, \frac{1}{2}, -2, \frac{3}{5}, \frac{3}{4}$	$-2, \frac{1}{3}, \frac{3}{5} , -1\frac{1}{2} , \frac{3}{4} $
34) $ -5\frac{1}{2} , \frac{3}{5}, -3 , -5\frac{1}{3} , -3\frac{1}{3} $	$5\frac{1}{2}, \frac{3}{5}, 3, \frac{5}{3}, \frac{2}{3}$	$\frac{3}{5}, -2\frac{2}{3} , -5\frac{1}{3} , -5\frac{1}{2} , 3$

Evalúe los siguientes problemas de suma y resta.

35) $4 + (-3) = 4 - 3 = 1$ 36) $-3 + 8 = 5$ 37) $-4 + 12 = 8$ 38) $-9 + 17 = 8$
 39) $-36 + 19 = -17$ 40) $-16 - (-5) = -16 + 5 = -11$ 41) $-32 - (-14) = -32 + 14 = -18$
 43) $-6.28 - 3.14 = -9.42$ 44) $-9.5 - (-3.72) = -9.5 + 3.72 = -5.78$
 45) $\frac{5}{6} - \frac{4}{5} = \frac{25-24}{30} = \frac{1}{30}$ 46) $-\frac{3}{8} - (-\frac{5}{7}) = -\frac{3}{8} + \frac{5}{7} = \frac{-21+40}{56} = \frac{19}{56}$

$$47) -3 - \frac{-5}{12} = \frac{-3}{1} - \frac{-5}{12} = \frac{-36-5}{12} = \frac{-41}{12}$$

$$48) 7 - 4 - 8 = 7 - 12 = -5$$

$$49) 6.23 - 4.5 - (-9.67) = 6.23 - 4.5 + 9.67 = 11.4$$

$$50) 5 + (-0.43) - 6.97 = 5 - 0.43 - 6.97 = -2.4$$

$$51) -6 - 4 - \frac{1}{2} = \frac{-10}{1} - \frac{1}{2} = \frac{-20-1}{2} = \frac{-21}{2}$$

$$52) (4 - \frac{2}{3}) + (6 - 8) = (\frac{4}{1} - \frac{2}{3}) + (-2) = \frac{(12-2)}{3} - 2 = \frac{10}{3} - \frac{2}{1} = \frac{10-6}{3} = \frac{4}{3}$$

$$53) -2 + (4 - 6) - (3 - 8) = -2 + (-2) - (-5) = -2 - 2 + 5 = 1$$

$$54) -(-4 + 2) + (-6 + 3) + 2 = (4 - 2) - 6 + 3 + 2 = 2 - 6 + 5 = 1$$

$$55) 4 - (8 - 9) + (-6 + 8) = 4 - (-1) + 2 = 4 + 1 + 2 = 7$$

$$56) |9 - 4| - 6 = |5| - 6 = 5 - 6 = -1$$

$$57) \frac{|12 - 5|}{171} - \frac{|5 - 12|}{171} = \frac{7}{171} - \frac{7}{171} = 0$$

$$58) \frac{-1 - 3}{-3} - \frac{|7|}{-7} + (6 + \frac{1 - 2}{2}) = \frac{-4}{-3} - \frac{7}{-7} + (6 + \frac{-1}{2}) = \frac{4}{3} + 1 + (6 - \frac{1}{2}) = \frac{4}{3} + 1 + \frac{12-1}{2} = \frac{4}{3} + 1 + \frac{11}{2} = \frac{8}{6} + \frac{6}{6} + \frac{33}{6} = \frac{47}{6}$$

$$59) \frac{|-4|}{4} - \frac{|-4|}{4} - \frac{|-4 - 4|}{181} = \frac{4}{4} - \frac{4}{4} - \frac{8}{181} = 0 - \frac{8}{181} = -\frac{8}{181}$$

$$60) \left(\frac{3}{5} + \frac{1}{6}\right) - \frac{1}{2} = \frac{(18+5)}{30} - \frac{1}{2} = \frac{23}{30} - \frac{1}{2} = \frac{23-15}{30} = \frac{8}{30} = \frac{4}{15}$$

$$61) \frac{3}{4} - \left(\frac{4}{5} - \frac{2}{3}\right) = \frac{3}{4} - \left(\frac{12-10}{15}\right) = \frac{3}{4} - \frac{2}{15}$$

$$= \frac{3}{4} - \frac{2}{15} = \frac{45-8}{60} = \frac{37}{60}$$

$$62) \left(\frac{-5}{8} - \frac{3}{5}\right) + \frac{1}{3} = \left(\frac{-25-24}{40}\right) + \frac{1}{3} = \frac{-49}{40} + \frac{1}{3} = \frac{-147+40}{120} = \frac{-107}{120}$$

Evalúe los siguientes problemas de multiplicación y división.

$$63) -4 \cdot 12 = -48 \quad 64) (-8)(-9) = 72 \quad 65) -4\left(-\frac{5}{16}\right) = \left(\frac{-4}{1}\right)\left(\frac{-5}{16}\right) = \frac{20}{16} = \frac{5}{4}$$

$$66) -4\left(-\frac{3}{4}\right)\left(-\frac{1}{2}\right) = \left(\frac{-4}{1}\right)\left(\frac{-3}{4}\right)\left(\frac{-1}{2}\right) = -\frac{12}{8} = -\frac{3}{2} \quad 67) (-1)(-1)(-1)(2)(-3) = 6$$

$$68) (-2.3)(4.9)(-6.2) = 69.874 \quad 69) (-1.1)(3.4)(8.3)(-7.6) = 235.9192$$

$$70) -16 \div 8 = -2 \quad 71) -80 \div (-10) = 8 \quad 72) \frac{36}{1} \div \left(-\frac{1}{4}\right) = \frac{-144}{1} = -144$$

$$73) \frac{-5}{9} \div \frac{-5}{9} = \frac{-45}{-45} = 1 \quad 74) \left|-\frac{1}{2}\right| \cdot \left|-\frac{3}{4}\right| = \frac{1}{2} \cdot \frac{3}{4} = \frac{3}{8}$$

$$75) \left|-\frac{4}{7}\right| \div \frac{1}{14} = \frac{4}{7} \div \frac{1}{14} = \frac{56}{7} = 8 \quad 76) \left|\frac{3}{8}\right| \div (-2) = \frac{3}{8} \div \frac{-2}{1} = \frac{-3}{16}$$

$$77) \left|-\frac{2}{3}\right| \div \left|-\frac{1}{2}\right| = \frac{2}{3} \div \frac{1}{2} = \frac{4}{3} \quad 78) \frac{-5}{9} \div |-5| = \frac{-5}{9} \div \frac{5}{1} = \frac{-5}{45} = -\frac{1}{9}$$

Evalúe

$$79) 5 - 7 = -2 \quad 80) -16 - 8 = -24 \quad 81) -20 \div (-2) = 10$$

$$\begin{array}{ll}
 82) \frac{-3}{5} \cdot \frac{-5}{9} = \frac{-27-25}{45} = \frac{52}{45} & 83) 4\left(\frac{-8}{5}\right)\left(\frac{5}{2}\right) - \left(\frac{4}{1}\right)\left(\frac{-8}{5}\right)\left(\frac{5}{2}\right) = \frac{-160}{10} = -16 \\
 84) 3 - (-4) + 6 - 3 = 3 + 4 + 6 - 3 = 10 & 85) 8.2 + (-4.9) - (6.8 - 9.4) \\
 & = 8.2 - 4.9 - (-2.6) = 8.2 \\
 86) (-2.7)(-12.3)(-9.6) = -318.816 & 87) (4.2)(-1)(-9.6)(3.8) = 153.216 \\
 88) -16.4 - (-9.6) - 14.8 \\
 & = -16.4 + 9.6 - 14.8 = -21.6 & 89) 9 - (4-3) - (-2-1) \\
 & = 9 - 1 - (-3) = 9 - 1 + 3 = 11 \\
 90) -|4| \cdot \left|\frac{-1}{2}\right| = -\frac{4}{1} \cdot \left(\frac{1}{2}\right) = -\frac{4}{2} = -2 & 91) -\left|\frac{-12}{5}\right| \cdot \left|\frac{3}{4}\right| = -\left(\frac{12}{5}\right) \cdot \left(\frac{3}{4}\right) = -\frac{36}{20} = -\frac{18}{10} = -\frac{9}{5} \\
 92) | -1 | \div \frac{5}{12} = \frac{1}{1} \div \frac{5}{12} = \frac{12}{5} & 93) \left|\frac{-9}{4}\right| \div \left|\frac{-4}{9}\right| = \frac{9}{4} \div \frac{4}{9} = \frac{81}{16} \\
 94) (-|3| + |5|) - (6 - |-9|) & 95) 5 - |-2| + 3 - |-5| \\
 & = (-3 + 5) - (6 - 9) = 2 - (-3) = 5 & = 5 - 2 + 3 - 5 = 1 \\
 96) \left(\frac{3}{8} - \frac{4}{7}\right) - \left(\frac{-1}{2}\right) = \frac{3}{8} - \frac{4}{7} + \frac{1}{2} = \frac{21 - 32 + 28}{56} = \frac{17}{56} \\
 97) \left(\frac{-3}{5} - \frac{4}{9}\right) - \left(\frac{-2}{3}\right) = \frac{-3}{5} - \frac{4}{9} + \frac{2}{3} = \frac{-27 - 20 + 30}{45} = \frac{-17}{45} \\
 98) (|-4| - 3) - (3 \cdot |-5|) & 99) (25 - |36|)(-6 - 5) \\
 & = (4 - 3) - (3 \cdot 5) = 1 - 15 = -14 & = (25 - 36)(-11) = (-11)(-11) = 121 \\
 100) \left[(-2) \cdot \left|\frac{-1}{2}\right|\right] \div \left|\frac{-1}{4}\right| = \left[(-2)\left(\frac{1}{2}\right)\right] \div \frac{1}{4} = \left[\frac{-2}{2}\right] \div \frac{1}{4} = \frac{-8}{2} = -4
 \end{array}$$

Diga el nombre de la propiedad

$$\begin{array}{ll}
 101) x + y = y + x & \text{(conmutativa de la suma)} \\
 102) 3(4 + 5) = 3 \cdot 4 + 3 \cdot 5 & \text{(distributiva)} \\
 103) 3(x + 2) = 3x + 6 & \text{(Distributiva)} \\
 104) 3 \cdot x = x \cdot 3 & \text{(conmutativa del producto)} \\
 105) (x + 3) + 6 = x + (3 + 6) & \text{(Asociativa de la suma)} \\
 106) x + 0 = x & \text{(modulativa de la suma)} \\
 107) x = 1 \cdot x & \text{(modulativa del producto)} \\
 108) x(y + z) = xy + xz & \text{(distributiva)} \\
 109) 3y + 4 = 4 + 3y & \text{(conmutativa de la suma)} \\
 110) (2x \cdot 3y) \cdot 4y = 2x \cdot (3y \cdot 4y) & \text{(Asociativa de producto)} \\
 111) 3x + 2y = 2y + 3x & \text{(conmutativa de la suma)} \\
 112) 4(x + y + 2) = 4x + 4y + 8 & \text{(distributiva)} \\
 113) -(-1) = 1 & \text{(doble negativo)} \\
 114) 5 \cdot 1 = 5 & \text{(modulativa de la multiplicación)} \\
 115) 5 + 0 = 5 & \text{(modulativa o identidad aditiva)} \\
 116) 4 \cdot \frac{1}{4} = 1 & \text{(Inversa de la multiplicación)}
 \end{array}$$

- 117) $3 + (-3) = 0$ (Inverso aditivo) 118) $6 \cdot 0 = 0$ (Multiplicativa del cero)
 119) $x \cdot \frac{1}{x} = 1$ (Inversa de la multiplicación) 120) $x + y = 1(x+y)$ (Identico multiplicativo)
 121) $(x+2) = 1(x+2)$ (Identico multiplicativo) 122) $-(-\frac{1}{2}) = \frac{1}{2}$ (doble negativo)
 123) $x \cdot 0 = 0$ (multiplicativa del cero) 124) $-(-x) = x$ (doble negativo)

Complete la proposición al lado derecho del signo igual aplicando la propiedad indicada.

- 125) $x + 3 = 3 + x$ propiedad conmutativa de la suma.
 126) $1 \cdot x = x$ propiedad de identico multiplicativo
 127) $3(x+y+4) = 3x+3y+12$ propiedad distributiva
 128) $x + 0 = x$ propiedad de identico aditivo (También conocido como modulatorio)
 129) $(x \cdot 3) \cdot 4 = x \cdot (3 \cdot 4)$ Propiedad asociativa de la multiplicación.
 130) $-(-x) = x$ Propiedad del doble negativo
 131) $5x + (2y + 3x) = (5x + 2y) + 3x$ Propiedad asociativa de la suma
 132) $a \cdot 0 = 0$ Propiedad multiplicativa del cero
 133) $a + (-a) = 0$ Propiedad inverso de la suma
 134) $a \cdot \frac{1}{a} = 1$ Propiedad inversa de la multiplicación.

Escriba tanto el inverso aditivo como el inverso multiplicativo de cada problema

Punto	Proposición	Inverso aditivo	Inverso multiplicativo
135)	4	-4	$\frac{1}{4}$
136)	-3	3	$-\frac{1}{3}$
137)	$-\frac{2}{3}$	$\frac{2}{3}$	$-\frac{3}{2}$
138)	$-\frac{3}{7}$	$\frac{3}{7}$	$-\frac{7}{3}$

139) En la ciudad de Nueva York, la temperatura durante un periodo de 24 horas cayo de 46°F a -12°F . Encuentre el cambio de temperatura.

$$46 - (-12) = 46 + 12 = 58^{\circ}\text{F}$$

140) Un submarino se sumerge a 412.6 pies. Un poco más tarde el submarino sube a 286.8 pies. Encuentre la profundidad final del submarino desde su posición inicial. (Considere negativa la distancia hacia abajo).

$$= 412.6 + 286.8 = -125.8$$

